

(3) < 0

Inoltre si hanno le relazioni

$$(37) \quad \dots \frac{1}{EG} - P$$

$$1/1 \cdot 1/ \quad p^2 \quad 1^2 \quad 12$$

Denominando θ l'angolo delle due curve $u = \text{cost.}$, $v = \text{cost.}$, si hanno anche le formole

$$(38) \quad \cos U = - \frac{ea}{\delta_a \delta} \dots$$

$$\frac{2}{Edu} \dots \frac{rr}{-73}$$

$$zFdu dv$$

dall'ultima delle quali emerge che se si avessero sulla superficie due nuovi sistemi di curve $p_1 = \text{cost.}$, $p_2 = \text{cost.}$, e se le p_1, p_2 si assumessero come coordinate curvilinee, in vece delle u, v , l'espressione del quadrato dell'elemento lineare, riferito a queste nuove coordinate, sarebbe

Per la medesima ragione è lecito supporre, nelle (36), che le u, v anziché essere

*) Nell'ari. XXI delle citate *Disquisitiones*

*generale** etc. GAUSS ha dato le formole per la trasformazione delle coordinate curvilinee. Le ultime tre equazioni del detto articolo potrebbero servire a stabilire *l'invariabilità* delle espressioni $A, \quad , \quad y,$ ragionando secondo i principii precedentemente esposti. Avvertiremo qui che nella seconda delle tre equazioni di GAUSS bisogna mutare il segno ad uno dei due membri.